

Elementare Aussagenlogik

Aussage $\begin{cases} \text{wahr (w)} \\ \text{falsch (f)} \end{cases}$

und

\wedge

A	B	$A \wedge B$
w	w	w
w	f	f
f	w	f
f	f	f

oder

\vee

(inklusive
oder)

A	B	$A \vee B$
w	w	w
w	f	w
f	w	w
f	f	f

A impliziert $B \Rightarrow$

"(schon) wenn A , dann B "

A	B	$A \Rightarrow B$
w	w	w
w	f	f
f	w	w
f	f	w

A äquivalent zu $B \Leftrightarrow$

A	B	$A \Leftrightarrow B$
w	w	w
w	f	f
f	w	f
f	f	w

Negation \neg

A	$\neg A$
w	f
f	w

Grundprinzip der klassischen
Logik:

„Tertium non datur“

Für jede Aussage A gilt entweder
 A oder $\neg A$,
aber nicht beides.

$A \Rightarrow B$ ist äquivalent zu $(\neg B) \Rightarrow (\neg A)$

Beweis durch
Kontraposition.

$\neg(A \wedge B)$ i. ä. z. $(\neg A) \vee (\neg B)$
 $\neg(A \vee B)$ i. ä. z. $(\neg A) \wedge (\neg B)$

Quantoren

Für alle ... \forall

Es existiert ... \exists

$$\neg (\forall: A)$$

z. d. z.

$$\exists: \neg A$$

$$\neg (\exists: A)$$

z. d. z.

$$\forall: \neg A$$